

Ройтенберг В. Ш.

**О БИФУРКАЦИЯХ ВЕКТОРНЫХ ПОЛЕЙ, ИМЕЮЩИХ ЯЧЕЙКИ, СОСТОЯЩИЕ ИЗ ТРАЕКТОРИЙ, ПРЕДЕЛЬНЫХ К ДВОЙНЫМ ЦИКЛАМ**

Адрес статьи: [www.gramota.net/materials/1/2008/7/58.html](http://www.gramota.net/materials/1/2008/7/58.html)

Статья опубликована в авторской редакции и отражает точку зрения автора(ов) по рассматриваемому вопросу.

Источник

**Альманах современной науки и образования**

Тамбов: Грамота, 2008. № 7 (14). С. 169-172. ISSN 1993-5552.

Адрес журнала: [www.gramota.net/editions/1.html](http://www.gramota.net/editions/1.html)

Содержание данного номера журнала: [www.gramota.net/materials/1/2008/7/](http://www.gramota.net/materials/1/2008/7/)

**© Издательство "Грамота"**

Информация о возможности публикации статей в журнале размещена на Интернет сайте издательства: [www.gramota.net](http://www.gramota.net)

Вопросы, связанные с публикациями научных материалов, редакция просит направлять на адрес: [almanac@gramota.net](mailto:almanac@gramota.net)

(на примере УралГАХА). - Интернет-издание на 8 стр.: [http://archvuz.ru/magazine/Numbers/2007\\_2](http://archvuz.ru/magazine/Numbers/2007_2).

5. **Витгенштейн Л.** Избранные работы. - Москва: Территория будущего, 2005.
6. **Гладкова И. С., Рожкова А. В., Михеев В. И.** Использование метода усреднения по династиям в пентавурфовом анализе пропорций древнеегипетских пирамид // Международная научная конференция «Образование, наука и экономика в вузах. Интеграция в международное образовательное пространство» (г. Плоцк, Польша, 22-27 августа 2006 года). - Плоцк, 2006. - С. 245-247.
7. **Игнатьев Ю. А., Михеев В. И., Разин А. Д.** Методические указания по курсу «Высшая математика». - Москва: Издательство РУДН, 2007.
8. **Кильпе Т. Л.** Основы архитектуры. - Москва: Высшая школа, 2005. - 4-е изд.
9. **Комарова И. В., Рожкова А. В., Розанова С. А.** Вурфовый и пентавурфовый анализ пропорций пирамид Майя // Международная научная конференция «Образование, наука и экономика в вузах. Интеграция в международное образовательное пространство» (г. Плоцк, Польша, 22-27 августа 2006 года). - Плоцк, 2006. - С. 241-244.
10. **Михайловский И. Б.** Архитектурные формы античности. - Москва: Архитектура-С, 2006.
11. **Михеев В. И., Игнатьев Ю. А.** Эрлангенский конструктивизм и определение вурфа // Философия математики: актуальные проблемы: Материалы Международной научной конференции 15-16 июня 2007 года. - Москва: Издатель Савин С. А., 2007. - С. 217-218.
12. **Рожкова А. В., Игнатьев Ю. А., Разин А. Д.** Образовательный идеал и этика архитектора // Тезисы докладов 3-й Международной конференции «Функциональные пространства. Дифференциальные операторы. Общая топология. Проблемы математического образования», посвященной 85-летию Л. Д. Кудрявцева. - Москва: МФТИ, 2008. - С. 639-640.
13. **Розенберг А. В.** Философия архитектуры. - Петербург, 1923.
14. **Architecture, Art, Philosophy** / Edited by Andrew Benjamin. - New-York: Academy Ed., 1995.
15. **Cacciari M.** Architecture and Nihilism: on the Philosophy of Modern Architecture. - New Haven: Yale University Press, 1993.
16. **Dingler H.** Aufbau der exakten Fundamentalwissenschaft. - München: Eidos-Verlag, 1964.
17. **Dingler H.** Aufsätze zur Methodik. - Hamburg: Felix Meiner, 1987.
18. **Gutmann M.** Die Evolutionstheorie und ihr Gegenstand. Beitrag der Methodischen Philosophie zu einer konstruktiven Theorie der Evolution. - Berlin: Verlag für Wissenschaft und Bildung, 1996.
19. **Hartmann D., Janich P.** Methodischer Kulturalismus. - Frankfurt am Main: Suhrkamp, 1996.
20. **Hartmann D.** Konstruktive Fragelogik: Vom Elementarsatz zur Logik von Frage und Antwort. - Mannheim: BI-Wissenschaftsverlag, 1990.
21. **Inheteven R.** Konstruktive Geometrie. - Mannheim: BI-Verlag, 1983.
22. **Janich P.** Die Protophysik der Zeit: Konstruktive Begründung und Geschichte der Zeitmessung. - Frankfurt am Main: Suhrkamp, 1980.
23. **Janich P., Psarros N.** Die Sprache der Chemie. - Würzburg: Königshausen & Naumann, 1996.
24. **Janich P., Weingarten M.** Wissenschaftstheorie der Biologie: Methodische Wissenschaftstheorie und die Begründung der Wissenschaften. - München: Wilhelm Fink Verlag, 1999.
25. **Kamlah W., Lorenzen P.** Logische Propädeutik: Vorschule des vernünftigen Redens. - Mannheim: BI-Wissenschaftsverlag, 1967.
26. **Lorenzen P.** Differential and Integral: A Constructive Introduction to Classical Analysis. - Austin: University of Texas Press, 1971.
27. **Lorenzen P.** Lehrbuch der konstruktiven Wissenschaftstheorie. - Stuttgart: Metzler, 2000.
28. **Lorenzen P., Lorenz K.** Dialogische Logik. - Darmstadt: Wissenschaftliche Buchgesellschaft, 1978.
29. **Schaper G.** Vom Wesen des Bauens und der Baukunst: Bemerkungen zu einer Philosophie der Architektur. - Wuerzburg, 1962.
30. **Tetens H.** Rationale Dynamik // Philosophia Naturalis. - Bd. 22. - 1985.

## О БИФУРКАЦИЯХ ВЕКТОРНЫХ ПОЛЕЙ, ИМЕЮЩИХ ЯЧЕЙКИ, СОСТОЯЩИЕ ИЗ ТРАЕКТОРИЙ, ПРЕДЕЛЬНЫХ К ДВОЙНЫМ ЦИКЛАМ

Ройтенберг В. Ш.

Ярославский государственный технический университет

**1. Постановка задачи.** Пусть  $X^r$  - банахово пространство  $C^r$ -векторных полей с  $C^r$ -нормой, заданных на двумерной сфере  $S^2$  ( $r \geq 9$ ). Рассмотрим векторные поля  $X_0 \in X^r$ , удовлетворяющие следующим условиям.

(С) Все его особые точки и замкнутые траектории гиперболические, за исключением двойных циклов  $\Gamma_1$  и  $\Gamma_2$ . Существует траектория,  $\alpha$ -предельная к  $\Gamma_1$  и  $\omega$ -предельная к  $\Gamma_2$ . Отсутствуют седловые связи. Существуют выходящие сепаратрисы  $L_{0i}^-$  ( $i \in \{1, 2, \dots, m\}$ ) седел,  $\omega$ -предельные к  $\Gamma_1$ , и входящие сепаратрисы  $L_{0j}^+$  ( $j \in \{1, 2, \dots, n\}$ ) седел,  $\alpha$ -предельные к  $\Gamma_2$ . Для седел, имеющих сепаратрису  $\alpha$ -предельную к  $\Gamma_1$  и сепаратрису  $\omega$ -предельную к  $\Gamma_2$ , седловые величины отличны от нуля.

Векторные поля, удовлетворяющие условиям (С), образуют в  $X^r$   $C^{r-1}$ -подмножество  $C$  коразмерности два. Обозначим  $C_1$ - подмножество в  $C$ , состоящее из векторных полей, для которых любая траектория  $\alpha$ -предельная к  $\Gamma_1$  является и  $\omega$ -предельной к  $\Gamma_2$ . Пусть  $C_2 = C \setminus C_1$ .

Бифуркации векторных полей  $X_0 \in C$  в случае, когда или  $m=1$ , или  $n=1$  описаны в [Ройтенберг 1992,

Ройтенберг 1995]. Бифуркации векторных полей  $X_0 \in C_1$ , в случае  $m \geq 2, n \geq 2$  рассматривались в [Ройтенберг 2008]. Здесь мы изучим бифуркации векторных полей  $X_0 \in C_2$  при  $m \geq 2, n \geq 2$  (Рис. 1).

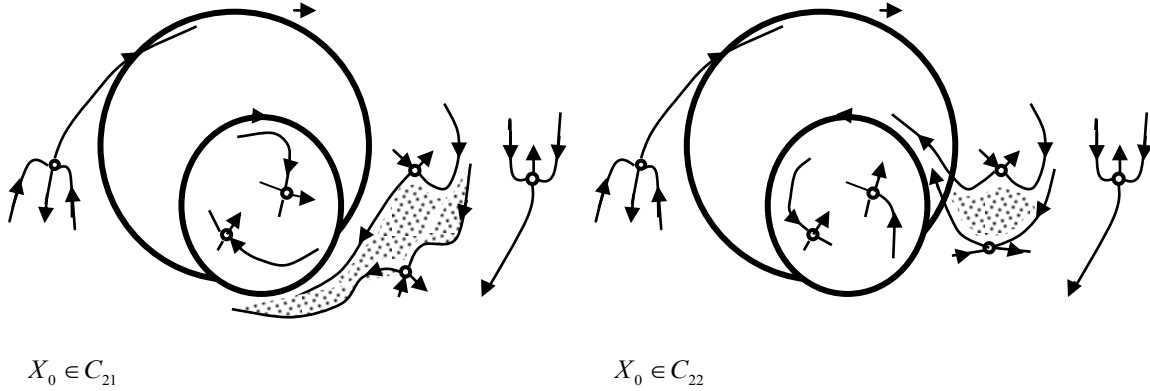


Рис. 1. Траектории векторного поля  $X_0 \in C_2$  в случае, когда  $m = 2, n = 2$  и имеется единственная ячейка из траекторий,  $\alpha$ -предельных к  $\Gamma_1$  и  $\omega$ -предельных к  $\Gamma_2$

**2. Канонические координаты в окрестности двойного цикла. Инварианты векторного поля  $X_0 \in C_2$ .** Обозначим  $S^1 = \mathbf{R}/\mathbf{Z}$  стандартную окружность. Пусть  $(a, b)$  - открытая ориентированная дуга  $S^1$  с началом в точке  $a$  и концом в точке  $b$ . Для класса (точки)  $s \in S^1$  обозначим  $\rho(s)$  единственный его представитель, принадлежащий промежутку  $[0, 1)$ .

Двойные циклы  $\Gamma_1$  и  $\Gamma_2$  ограничивают область  $K$ , гомеоморфную кольцу.

Из [Neuhaus 1983, Бородин 2001] следует, что существует такой диффеоморфизм  $h_k$  кольца  $(-\sigma, \sigma) \times S^1$  на окрестность  $U_k$  двойного цикла  $\Gamma_k (k=1, 2)$ , что  $h_k(\{0\} \times S^1) = \Gamma_k$ , множества  $h_1((0, \sigma) \times S^1)$  и  $h_2((-\sigma, 0) \times S^1)$  не имеют общих точек и содержатся в  $K$ , а векторное поле  $X_0|_{U_k}$  имеет в канонических координатах  $(x, s)$ , задаваемых  $h_k$  в  $U_k$ , те же траектории (и с той же ориентацией), что и векторное поле  $X_k^*(x, s) = P_{0k}(x)\partial/\partial x + 1 \cdot \partial/\partial s$ , где  $P_{0k} \in C^{r-4}$ ,  $P_{0k}(x) = x^2 + o(x^2)$ ,  $P_{0k}(x) > 0$  при  $x \neq 0$ . Канонические координаты определены не однозначно, но разность  $s$ -координат точек уже однозначна.

Обозначим  $\Gamma_k^\pm := h_k(\{\pm d\} \times S^1)$  при некотором  $d \in (0, \sigma)$ . Сепаратриса  $L_{0i}^+$ ,  $i \in \{1, 2, \dots, m\}$ ,  $(L_{0j}^+, j \in \{1, 2, \dots, n\})$  пересекает трансверсаль  $\Gamma_1^- (\Gamma_2^+)$  в единственной точке.  $\Gamma_2^-$ . Пусть это точка  $h_1(-d, u_i^0)$  ( $h_2(d, v_j^0)$ ). Будем считать, что сепаратрисы пронумерованы так, что точки  $u_i^0$  ( $v_j^0$ ) расположены на  $S^1$  в циклическом порядке. Обозначим  $\tilde{L}_{0,i}^+$  ( $i \in \{1, 2, \dots, r_+\}$ ) сепаратрисы седел,  $\alpha$ -предельные к  $\Gamma_1$ , а  $\tilde{L}_{0,j}^-$  ( $j \in \{1, 2, \dots, r_-\}$ ) сепаратрисы седел,  $\omega$ -предельные к  $\Gamma_2$ . Пусть они пересекают трансверсаль  $\Gamma_1^+ (\Gamma_2^-)$  в точках  $h_1(d, \tilde{u}_i^0)$  ( $h_2(-d, \tilde{v}_i^0)$ ), где точки  $\tilde{u}_i^0$  ( $\tilde{v}_i^0$ ) расположены на  $S^1$  в циклическом порядке. Траектории векторного поля  $X_0 \in C_2$ , являющиеся  $\alpha$ -предельными к  $\Gamma_1$  и  $\omega$ -предельными к  $\Gamma_2$ , входят в ячейки  $K_s, s \in \{1, 2, \dots, \tilde{l}\}$ , с границей  $\partial K_s$ , состоящей из  $\Gamma_1, \Gamma_2$ , седел  $\tilde{z}_{2s-1}^0$  и  $\tilde{z}_{2s}^0$ , а также из их входящих сепаратрис  $\tilde{L}_{0,i_{2s-1}}^+$  и  $\tilde{L}_{0,i_{2s}}^+$  и выходящих сепаратрис  $\tilde{L}_{0,i_{2s-1}}^-$  и  $\tilde{L}_{0,i_{2s}}^-$ . Мы можем считать, что,  $i_{2s} = i_{2s-1} + 1$ , а точки  $h_1(d, u) \in K_s$ , если точки  $u$  принадлежат дуге  $(\tilde{u}_{i_{2s-1}}^0, \tilde{u}_{i_{2s}}^0)$ ,  $s \in \{1, 2, \dots, \tilde{l}\}$ . Для упрощения формулировок будем рассматривать случай, когда все сепаратрисы  $\tilde{L}_{0,i,s}^+, \tilde{L}_{0,j,s}^-, s \in \{1, 2, \dots, 2\tilde{l}\}$ , различны. Соответствующие изменения формулировок для случаев, когда некоторые из них совпадают, не представляют сложности.

Величины  $u_{ik}^0 := u_k^0 - u_i^0$ ,  $\tilde{u}_{ik}^0 := \tilde{u}_k^0 - \tilde{u}_i^0$ ,  $v_{jl}^0 := v_l^0 - v_j^0$  и  $\tilde{v}_{jl}^0 := \tilde{v}_l^0 - \tilde{v}_j^0$  являются инвариантами векторного поля  $X_0 \in C_2$ .

Обозначим  $I_s := (\tilde{u}_{i_{2s-1}}^0, \tilde{u}_{i_{2s}}^0)$ . Так как каждая траектория из  $K_s$  пересекает обе трансверсали  $\Gamma_1^+$  и  $\Gamma_2^-$ , то определены диффеоморфизмы  $f_s: I_s \rightarrow J_s \subset S^1$ , такие, что траектория поля  $X_0$ , выходящая из точки

$h_1(d, u)$ ,  $u \in I_s$ , пересекает  $\Gamma_2^-$  в точке  $h_2(-d, f_s(u))$ . В силу односвязности  $S^2$  диффеоморфизмы  $f_s$ ,  $s \in \{1, 2, \dots, \tilde{l}\}$ , либо все сохраняют ориентацию, и тогда  $J_s := (\tilde{v}_{j_{2s-1}}^0, \tilde{v}_{j_{2s}}^0)$ , либо все меняют ориентацию, и тогда  $J_s := (\tilde{v}_{j_{2s}}^0, \tilde{v}_{j_{2s-1}}^0)$ . Доопределим их по непрерывности до гомеоморфизмов  $f_s: \bar{I}_s \rightarrow \bar{J}_s$ . Введем отображения  $f_{jkl}^s$ , заданные формулами  $f_{jkl}^s(u) = f_s(u + u_{ik}^0) - f_s(u) - v_{jl}^0$ . Они определены на множестве  $\{u \in \bar{I}_s : u + u_{ik}^0 \in \bar{I}_s\}$ , возможно пустом, и являются инвариантами векторного поля  $X_0$ . Зададим в  $C_2$  подмножества  $C_{21}$  и  $C_{22}$  условиями:

- 1)  $X_0 \in C_{21}$  ( $X_0 \in C_{22}$ ), если  $f_s$  сохраняют (меняют) ориентацию,
- 2)  $u_{ij}^0 \neq \tilde{u}_{pq}^0$ ,  $v_{ij}^0 \neq \tilde{v}_{pq}^0$  при всех допустимых  $i \neq j$ ,  $p \neq q$ ,
- 3) корни уравнения  $f_{jkl}^s(u) = 0$  ( $i \neq k, j \neq l$ ) принадлежат  $I_s$  и являются простыми.

Нетрудно убедиться, что  $C_{21} \cup C_{22}$  - открытое всюду плотное подмножество  $C_2$ .

Обозначим  $M_{k\alpha}^1$ ,  $M_{l\beta}^2$  и  $M_{kl}^3$  ( $k \in \{1, 2, \dots, m\}$ ,  $l \in \{1, 2, \dots, n\}$ ,  $\alpha \in \{1, 2, \dots, r_+\}$ ,  $\beta \in \{1, 2, \dots, r_-\}$ ) - множества точек  $(u, v)$  на торе  $\mathbf{T}^2 := \mathbf{S}^1 \times \mathbf{S}^1$ , удовлетворяющих, соответственно, уравнениям  $u = \tilde{u}_s^0 - u_{ik}^0$ ,  $v = \tilde{v}_s^0 - v_{il}^0$  и  $v = f_s(u + u_{ik}^0) - v_{il}^0$  при каком-нибудь  $s \in \{1, 2, \dots, \tilde{l}\}$ . В силу условия 2) при  $(i, s) \neq (k, l)$   $\tilde{u}_{1s}^0 - u_{1i}^0 \neq \tilde{u}_{1k}^0 - u_{1k}^0$  и окружности  $M_{is}^1$  и  $M_{kl}^1$  не пересекаются. Точно так же  $M_{is}^2$  и  $M_{kl}^2$  не пересекаются при  $(i, s) \neq (k, l)$ . Поэтому можно говорить о циклическом порядке окружностей  $M_{is}^1$  (соответственно,  $M_{js}^2$ ) на  $\mathbf{T}^2$ . Он определяется линейным порядком чисел  $\rho(\tilde{u}_{1s}^0 - u_{1i}^0)$  (соответственно,  $\rho(\tilde{v}_{1s}^0 - v_{1j}^0)$ ). В силу условия 3) кривые  $M_{kl}^3$  трансверсальны друг другу. Кроме того, они, очевидно, трансверсальны  $M_{is}^1$  и  $M_{js}^2$ . Пусть  $\pi: \mathbf{R}^2 \rightarrow \mathbf{T}^2$  - стандартная проекция. Обозначим  $\bar{M}_{ij}^k := \pi^{-1}(M_{ij}^k)$  для всех допустимых значений  $i, j, k$ .

**3. Бифуркации векторных полей из  $C_2$ .** Рассмотрим двухпараметрическую деформацию  $\{X_\varepsilon\}$  векторного поля  $X_0 \in C_2$  -  $C^r$ -отображение  $E \ni \varepsilon \mapsto X_\varepsilon \in X^r$  достаточно малой окрестности нуля в  $\mathbf{R}^2$  в пространство векторных полей, трансверсальное  $C_2$  в точке  $X_0$ . Уменьшив при необходимости окрестность  $E$ , мы можем выбрать в ней такие  $C^r$ -координаты  $(\varepsilon_1, \varepsilon_2)$ , чтобы у поля  $X_\varepsilon$ ,  $\varepsilon = (\varepsilon_1, \varepsilon_2)$ , существовали выходящие (входящие) сепаратрисы  $L_i(\varepsilon)$ ,  $i \in \{1, 2, \dots, m\}$ ,  $L_j^+(\varepsilon)$ ,  $j \in \{1, 2, \dots, n\}$ ,  $\tilde{L}_\alpha^+(\varepsilon)$ ,  $\alpha \in \{1, 2, \dots, r_+\}$ , и  $\tilde{L}_\beta^-(\varepsilon)$ ,  $\beta \in \{1, 2, \dots, r_-\}$ , седел, непрерывно зависящие от  $\varepsilon$ , и совпадающие при  $\varepsilon = 0$ , соответственно, с  $L_{0i}^-$ ,  $L_{0j}^+$ ,  $\tilde{L}_{0,\alpha}^+$  и  $\tilde{L}_{0,\beta}^-$ . Кроме того, мы можем считать, что при  $\varepsilon_1 = 0$  ( $\varepsilon_2 = 0$ ) в окрестности  $U_1$  ( $U_2$ ) имеется единственная замкнутая траектория - двойной цикл, а при  $\varepsilon_1 > 0$  ( $\varepsilon_2 > 0$ ) в этой окрестности нет замкнутых траекторий. Бифуркационное множество семейства векторных полей  $\{X_\varepsilon\}$ ,  $\varepsilon \in (-\delta, \delta)^2$ , является объединением множеств  $\{0\} \times (-\delta, \delta)$ ,  $(-\delta, \delta) \times \{0\}$  и множеств  ${}^1B_{i\alpha}$ ,  ${}^2B_{j\beta}$  и  ${}^3B_{ij}$ ,  $i \in \{1, 2, \dots, m\}$ ,  $j \in \{1, 2, \dots, n\}$ ,  $\alpha \in \{1, 2, \dots, r_+\}$ ,  $\beta \in \{1, 2, \dots, r_-\}$ , при значениях параметров  $\varepsilon = (\varepsilon_1, \varepsilon_2)$  из которых, соответственно,  $L_i(\varepsilon) = \tilde{L}_\alpha^+(\varepsilon)$ ,  $L_j^+(\varepsilon) = \tilde{L}_\beta^-(\varepsilon)$  и  $L_i(\varepsilon) = L_j^+(\varepsilon)$ . Согласно [Ройтенберг 1995: 3] при достаточно малом  $\delta > 0$  имеем следующие утверждения. Множества  ${}^1B_{is}$  и  ${}^2B_{js}$  является объединением, соответственно, множеств  ${}^1B_{is}^p = \{\varepsilon : \varepsilon_1 = {}^1b_{is}^p(\varepsilon_2)\}$  и  ${}^2B_{js}^p = \{\varepsilon : \varepsilon_2 = {}^2b_{js}^p(\varepsilon_1)\}$ ,  $p \in \mathbf{N}$ , где  ${}^1b_{is}^p: (-\delta, \delta) \rightarrow (0, \infty)$ ,  ${}^2b_{js}^p: (-\delta, \delta) \rightarrow (0, \infty)$ ,  ${}^1b_{is}^p, {}^2b_{js}^p \in C^1$ ,  $\forall t \in (-\delta, \delta)$   $\lim_{p \rightarrow \infty} {}^1b_{is}^p(t) = \lim_{p \rightarrow \infty} {}^2b_{js}^p(t) = 0$ ,  $\lim_{p \rightarrow \infty} ({}^1b_{is}^p(t))' = \lim_{p \rightarrow \infty} ({}^2b_{js}^p(t))' = 0$ ,  ${}^1b_{is}^{p+1}(t) < {}^1b_{is}^p(t)$ ,  ${}^2b_{js}^{p+1}(t) < {}^2b_{js}^p(t)$ . При выполнении условия 2) из [Ройтенберг 1995: 4] кроме того следует, что  ${}^1b_{\alpha\beta}^p(t) < {}^1b_{is}^p(t)$ , если  $\rho(\tilde{u}_{1\beta}^0 - u_{1\alpha}^0) > \rho(\tilde{u}_{1\alpha}^0 - u_{1i}^0)$ ,  ${}^2b_{\alpha\beta}^p(t) < {}^2b_{js}^p(t)$ , если  $\rho(\tilde{v}_{1\beta}^0 - v_{1\alpha}^0) > \rho(\tilde{v}_{1\alpha}^0 - v_{1j}^0)$ . Множество  ${}^3B_{ij}$  состоит из не пересекающихся между собой множеств  ${}^3B_{sij}^{pq}$ ,  $s \in \{1, 2, \dots, \tilde{l}\}$ ,  $p, q \in \mathbf{N}$ , замыкания которых при достаточно больших  $p$  и  $q$  являются  $C^1$ -дугами с концами в точках пересечения  ${}^1B_{i\alpha}^p$  с  ${}^2B_{j\beta}^q$  и  ${}^1B_{i\alpha}^p$  с  ${}^2B_{j\beta}^q$ .

В настоящей работе для  $X_0 \in C_{21} \cup C_{22}$ , мы опишем взаимное расположение множеств  ${}^3B_{ij}$  друг с другом и с множествами  ${}^1B_{ks}$  и  ${}^2B_{ks}$ .

**Теорема.** При достаточно малом  $\delta$  существует  $C^1$ -диффеоморфизм  $\varphi: (0, \delta)^2 \rightarrow U \subset \mathbf{R}^2$  такой, что для всех  $i \in \{1, 2, \dots, m\}$ ,  $j \in \{1, 2, \dots, n\}$ ,  $k \in \{1, 2, 3\}$   $\varphi({}^k B_{ij} \cap (0, \delta)^2) = \bar{M}_{ij}^k \cap U$ .

Доказательство теоремы проводится теми же методами, что и в работе [Ройтенберг 2008], где рассмотрены бифуркации векторных полей из открытого всюду плотного множества  $C_{11} \cup C_{12}$  в  $C_1$ .

#### Список использованной литературы

1. **Бородин А. В.** О вложении диффеоморфизма класса  $C^3$  в векторное поле // Математика и математическое образование. Теория и практика: Межвуз. сб. научн. тр. - Ярославль: Изд-во ЯГТУ, 2001. - Вып. 2. - С. 14-37.
2. **Ройтенберг В. Ш.** О двухпараметрических бифуркациях на поверхностях // VIII конференция СНГ «Качественная теория дифференциальных уравнений». - Самарканд, 1992. - С. 95.
3. **Ройтенберг В. Ш.** О некоторых глобальных бифуркациях в двухпараметрических семействах векторных полей на поверхностях // Деп. в ВИНТИ. – 1995. - № 887. - 95. - 28 с.
4. **Ройтенберг В. Ш.** О бифуркациях сепаратрис, предельных к двойному циклу // Деп. в ВИНТИ. – 1995. - № 888 - 95. - 21 с.
5. **Ройтенберг В. Ш.** О бифуркациях векторных полей, имеющих ячейку, ограниченную двойными циклами // Математика и математическое образование. Теория и практика: Межвуз. сб. научн. тр. - Ярославль: Изд-во ЯГТУ, 2008. - Вып. 6. - С. 35-45.
6. **Newhaus S.** Bifurcations and Stability of Families of Diffeomorfisms / Newhaus S., Palis J., Takens F. // Publ. Math. IHES. - 1983. - V. 57. - P. 5-71.

## НОРМИРОВАНИЕ ВИБРАЦИИ НА СУДАХ

*Романченко М. К., Романченко А. М., Барановский А. М.  
ФГОУ ВПО «Новосибирская государственная академия водного транспорта»*

Необходимость нормирования вибрации на судах связана, во-первых, с необходимостью защиты персонала и, во-вторых, защиты корпусных конструкций, приборов и оборудования. Нормы вибрации составлены так, чтобы их можно было выполнить известными способами и средствами. Часто это бывает трудно сделать без глубокого анализа причин вибрации. В стандартах разных стран нормы вибрации различаются приблизительно в шесть раз для данной полосы частот в зависимости от страны и области применения, но это различие сохраняется во всём диапазоне частот.

Нормирование вибрации на рабочих местах и в жилых помещениях, построенных к настоящему времени морских и речных судов, проводится по логарифмическому уровню амплитуды виброперемещения, среднеквадратичного виброускорения и среднеквадратичной виброскорости. Исходные значения, соответственно, равны  $a_0 = 8 \cdot 10^{-12}$  м,  $a_0 = 3 \cdot 10^{-4}$  м/с<sup>2</sup> и  $v_0 = 5 \cdot 10^{-8}$  м/с. Измеряемой физической величиной является ускорение, а виброскорость и виброперемещение получаются в результате интегрирования и двойного интегрирования в электронных цепях приборов. В редких случаях измеряется непосредственно виброскорость и виброперемещение [2].

Диапазон частот вибрации делится на октавные полосы со среднегеометрическими частотами 2, 4, 8, 16, 32, 63 Гц [3]. Амплитуда виброскорости и виброускорения получается умножением показания прибора на  $\sqrt{2}$ . Ниже частоты 2 Гц специфические волновые эффекты в теле человека не проявляются, а выше частоты 63 Гц вибрация воспринимается как шум. Очевидно, деление на вибрацию и шум условно, но имеет основание в том, что шум может иметь причину, не связанную с вибрацией.

Санитарные нормы вибрации (СН 1103-73) устанавливаются в зависимости от назначения помещений, длительности воздействия, условий пребывания экипажа и пассажиров судна в соответствии с классификацией судов. Основу норм составляют предельные спектры (ПС), с первого по седьмой (Рис. 1.1). Наибольшая допустимая вибрация соответствует первому спектру (ПС1) и является нормой для автоматизированных машинно-котельных отделений судов со временем пребывания не более 60 минут в сутки. Самая малая вибрация соответствует седьмому спектру (ПС7) и является нормой для медицинских помещений судов. Седьмой спектр применяется только для судов, имеющих штатный медперсонал.

Современный стандарт [5] предусматривает для общей вибрации следующие параметры: виброускорение или виброскорость, диапазон частот и время действия вибрации. Логарифмические уровни параметров определяются в децибелах относительно ускорения  $a_0 = 10^{-6}$  м/с<sup>2</sup>, скорости  $v_0 = 5 \cdot 10^{-8}$  м/с. Полоса частот имеет октавное и, дополнительное, третьоктавное деление со средними частотами от 0,8 до 80 Гц. Отличие стандарта состоит в том, что «новые» уровни виброускорения больше «старых» точно на 50 дБ. Такое изменение стандарта нарушает традицию, согласно которой на частоте 1000 Гц уровни виброперемещения, виброскорости и виброускорения были равны между собой. Тем более, выбор этой частоты не случаен, поскольку чувствительность человеческого уха на указанной частоте наивысшая.

Ограничение действия вибрации проводится по медицинским признакам в следующих категориях: 1 - безопасность, 2 - граница снижения производительности труда, 3а - граница снижения производительности труда, 3в - комфорт. Нормы вибрации, скорректированные по частоте (для всего нормируемого диапазона частот), приведены в Табл. 1.1.